

# ENIGMA

**Yann Rotella**, d'après les cours de Christina Boura

yann.rotella@uvsq.fr



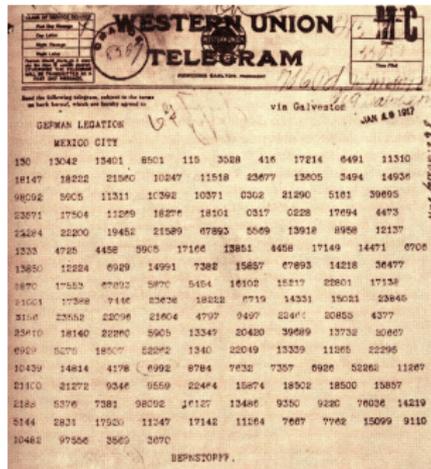
# La cryptographie au début du 20<sup>e</sup> siècle

- **Fin du 19<sup>e</sup> siècle**
  - Chiffre de Vigenère **brisé** par **Babbage** et **Kasiski**.
  - Situation désastreuse pour la cryptographie.
- **Marconi** invente la **télégraphie sans fil**.
  - Les messages atteignent aussi bien l'ennemi que le destinataire choisi.
  - Besoin d'un **chiffrement fort**.



# La cryptographie pendant la Première Guerre Mondiale

- Absence totale de chiffres efficaces.
- Chiffrements allemands cryptanalysés “efficacement” par les alliés (ex. chiffre **ADFGVX**).
- La cryptanalyse par les Britanniques du télégramme de Zimmermann, a entraîné les États-Unis dans la guerre.



# Enigma

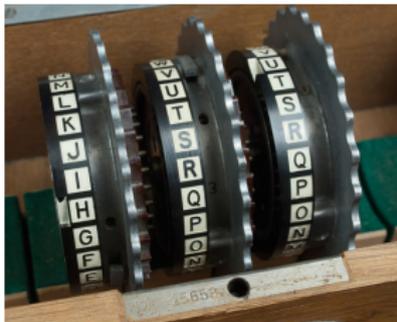
- Inventée par l'ingénieur allemand **Arthur Scherbius** en **1918**.
- Modèle A de la machine présenté à Berlin en **1923** (prix éq : **30000 euros**)
- D'autres modèles ont été utilisés par l'armée et la marine **allemande**.

## Parties principales :

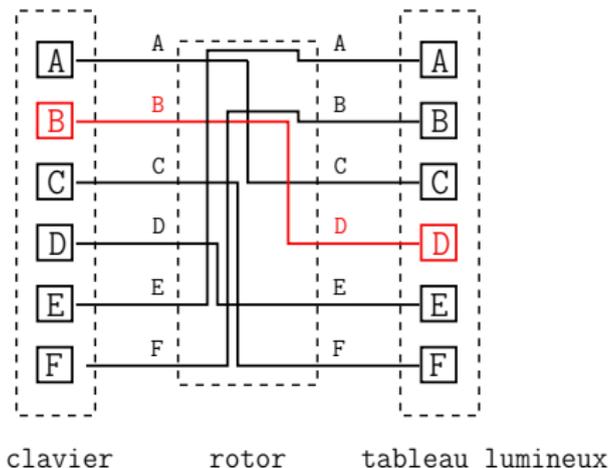
- Clavier
- Tableau lumineux
- Rotors
- Tableau des connexions
- Réflecteur



# Les rotors



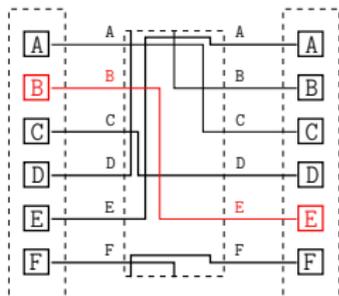
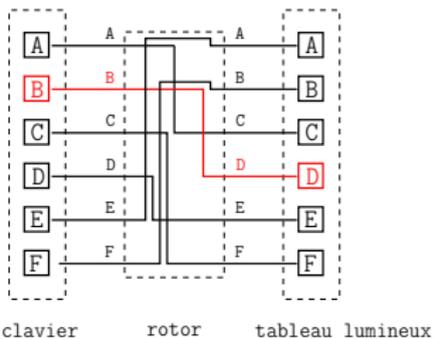
# Machine avec un rotor



- Substitution monoalphabétique

A	B	C	D	E	F
C	D	F	E	A	B

# On tourne le rotor d'une position après chaque lettre



# Substitution avec 26 alphabets différents

1. A B C D E F  
C D F E A B

2. A B C D E F  
C E D F A B

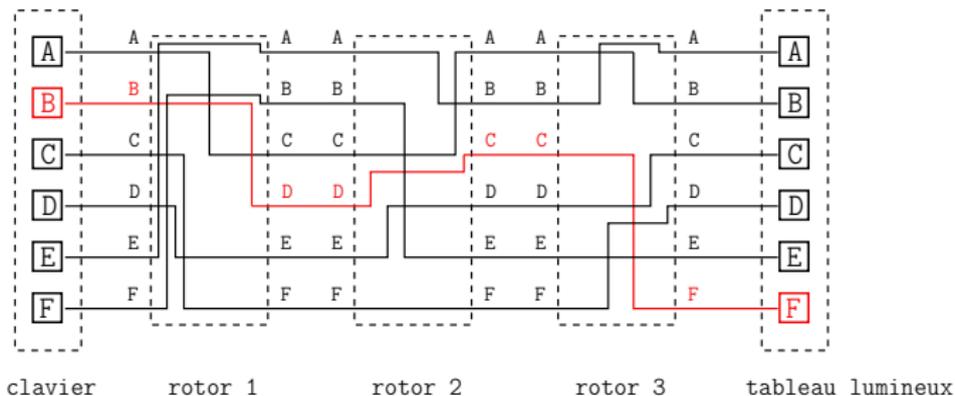
3. A B C D E F  
D C E F A B

4. A B C D E F  
B D E F A C

5. A B C D E F  
C D E F B A

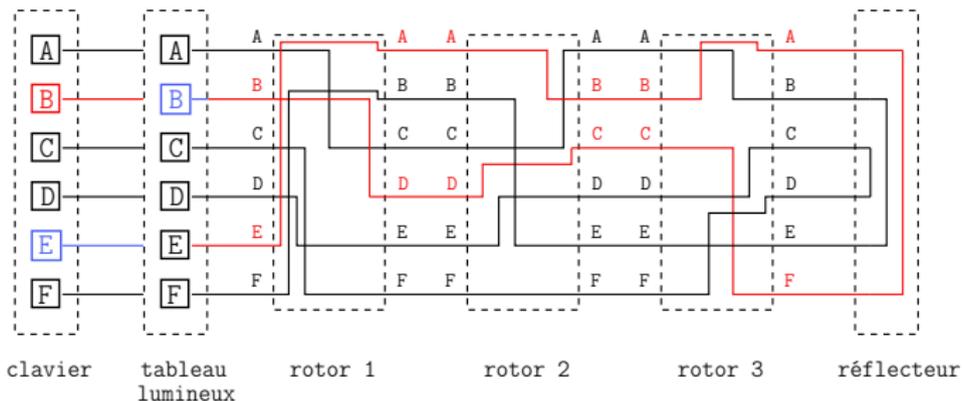
6. A B C D E F  
C D E A F B

# Machine à trois rotors



- Les câblages internes de chacun des trois rotors sont **différents**.
- Chaque nouveau rotor représente 26 alphabets différents.
- Substitution avec  $26^3$  alphabet différents.

# Machine à trois rotors avec réflecteur

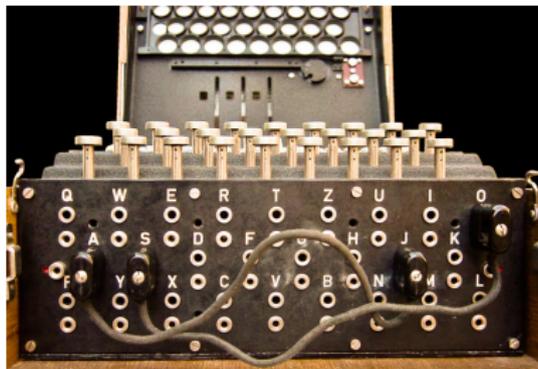


Chiffrement et déchiffrement sont des processus **identiques**.

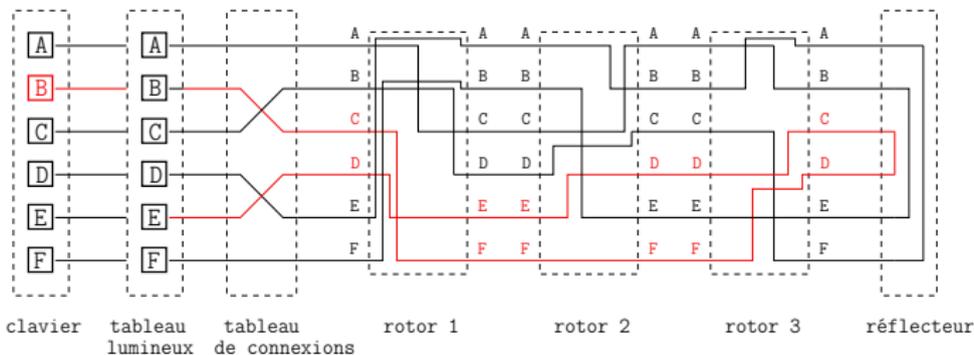
**Clé secrète** : ordre des rotors + positions de départ des rotors.

$$6 \times 26^3 = 105\,456 \text{ possibilités.}$$

# Tableau de connexions



# Ajout du tableau de connexions



**Clé secrète** : ordre des rotors + positions des rotors + 6 couples de lettres transposées.

$6 \times 26^3 \times 100\,391\,791\,500 \approx 2^{53}$  possibilités.

# Enigma au début de la guerre

## Nombre de clés secrètes :

3 rotors choisis parmi 5	10 possibilités
Ordre de trois rotors	6 possibilités
Position initiale des rotors	$26^3 = 17\,576$ possibilités
Tableau de connexions (10 paires de lettres)	150 738 274 937 250 possibilités



Au total :  $\approx 2^{67}$  possibilités.

# Enigma paraît invincible

- Interception dès 1926 des messages chiffrés par Enigma.
- Anglais, français et américains abandonnent tout espoir.
- Seule une nation s'y attaque : la Pologne.



**Marian Rejewski**  
mathématicien polonais du  
Biuro Szyfrow.



# Observation principale

- Utilisation des réglages du jour pour transmettre un nouveau *message-clé*, unique pour chaque message.
- **Message-clé** : orientation des rotors, par exemple : VRD

## Observation cruciale :

Le message-clé est tapé deux fois.

**Exemple** : VRDVRD

# Établissement des relations

	1 <sup>re</sup>	2 <sup>e</sup>	3 <sup>e</sup>	4 <sup>e</sup>	5 <sup>e</sup>	6 <sup>e</sup>
1 <sup>er</sup> message	L	O	K	R	G	M
2 <sup>e</sup> message	M	V	T	X	Z	E
3 <sup>e</sup> message	J	K	T	M	P	E
4 <sup>e</sup> message	D	V	P	P	Z	X

# Établissement des relations

	1 <sup>re</sup>	2 <sup>e</sup>	3 <sup>e</sup>	4 <sup>e</sup>	5 <sup>e</sup>	6 <sup>e</sup>
1 <sup>er</sup> message	L	O	K	R	G	M
2 <sup>e</sup> message	M	V	T	X	Z	E
3 <sup>e</sup> message	J	K	T	M	P	E
4 <sup>e</sup> message	D	V	P	P	Z	X

1<sup>re</sup> lettre    ABCDEFGHIJKL MNOPQRSTUVWXYZ

4<sup>re</sup> lettre        P            M RX

# Établissement des relations

	1 <sup>re</sup>	2 <sup>e</sup>	3 <sup>e</sup>	4 <sup>e</sup>	5 <sup>e</sup>	6 <sup>e</sup>
1 <sup>er</sup> message	L	O	K	R	G	M
2 <sup>e</sup> message	M	V	T	X	Z	E
3 <sup>e</sup> message	J	K	T	M	P	E
4 <sup>e</sup> message	D	V	P	P	Z	X

1<sup>re</sup> lettre    ABCDEFGHIJKL MNOPQRSTUVWXYZ

4<sup>re</sup> lettre    FQHPLWOGBMVRXUYCZITNJEASDK



# S'affranchir du tableau de connexions

Par le tableau de connexions

**Avant** : S ↔ G

**Après** : T ↔ K

A → F → W → A

B → Q → Z → K → V → E → L → R → I → B

C → H → G → O → Y → D → P → C

J → M → X → S → T → N → U → J

# S'affranchir du tableau de connexions

Par le tableau de connexions

**Avant** : S ↔ G

**Après** : T ↔ K

A → F → W → A

B → Q → Z → T → V → E → L → R → I → B

C → H → S → O → Y → D → P → C

J → M → X → G → K → N → U → J

Le nombre de liens dans chaque chaîne ne dépend que des réglages des rotors !

# Recherche de la clé

**Nombre total** de positions des rotors :

dispositions des rotors + orientations  $\rightarrow 6 \times 26^3 = 105\,456$ .

- **Répertorier** les longueurs des 105 456 chaînes (1 an de travail).
- Intercepter des messages-clés chiffrés.
- Dresser le tableau de relations.
- Calculer des chaînes formées des lettres 1-4, 2-5 et 3-6.
- Trouver à quelle clé elles appartiennent (**recherche dans le répertoire**).

# Établir les connexions du tableau

A L L I V E E N B E L R I N

# Établir les connexions du tableau

A L L I V E E N B E L R I N

# Établir les connexions du tableau

A R R I V E E N B E R L I N

- L  $\leftrightarrow$  R
- A, I, V, E, B et N ne sont pas permutées.

# Automatisation de l'attaque et ses limites

- Construction des machines, baptisées *bombes* pour automatiser la cryptanalyse.
- Les bombes de Rejewski étaient capables de trouver la clé du jour en **2 heures**.

En **1938** les Allemands renforcent la sécurité d'Enigma.

- Ajout de **2 nouveaux rotors**.
- Les connections sur le tableau passent de **6 à 10**.

# Les cryptanalystes du Bletchley Park



- Familiarisation avec les méthodes polonaises.
- Nouveaux raccourcis à la recherche.
- Exploitation des "cillies" (lettres se suivant au tableau, initiales de la petite amie de l'opérateur,...)

# La contribution d'Alan Turing

Casser ENIGMA **sans utiliser**  
l'hypothèse de la **répétition** du  
message-clé.

- Méthode des **mots probables** (“cribs”)

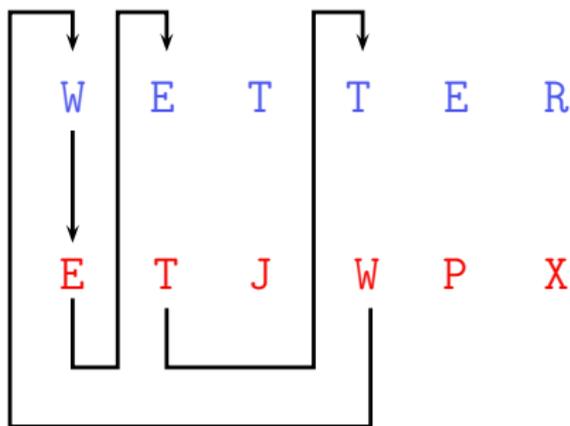


Alan Turing  
1912-1954

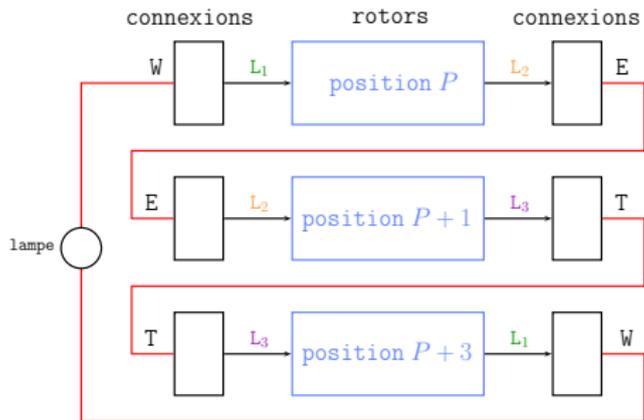
# Méthode des mots probables

Message Clair : WETTER

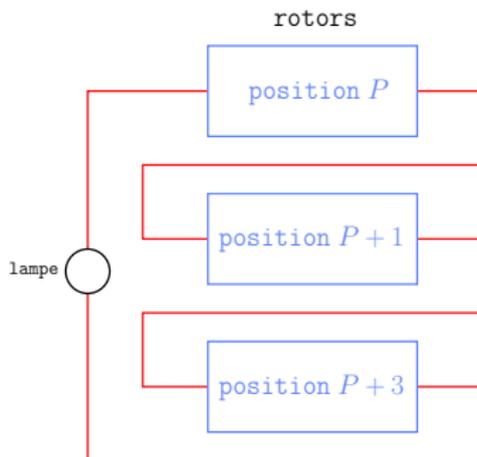
Message Chiffré : ETJWPX



# Recherche de la position des rotors



# S'affranchir du tableau de connexions



Essayer les  $26^3 = 17\,576$  positions possibles pour chacun des 60 choix de rotors.

→ 1 054 560 possibilités.

# Les bombes de Turing

Automatisation de la recherche de la clé.

20 280 essais/s pour les plus rapides (50 s pour retrouver la clé).

